

ಗಣಿತ ಮಾದರಿ ಉತ್ತರಗಳು

1)  $a_n = S_n - S_{n-1} = 240 - 237 = 3$  ಉತ್ತರ: (C) 3

2)  $\frac{a_1}{a_2} = \frac{1}{3}, \frac{b_1}{b_2} = \frac{-2}{4}, \frac{c_1}{c_2} = \frac{0}{-20} \implies \frac{a_1}{b_1} \neq \frac{b_1}{b_2} \implies \frac{1}{3} \neq \frac{-2}{4}$

ಉತ್ತರ: (A) ಪರಸ್ಪರ ಭೇದಿಸುತ್ತವೆ

3)  $a=2, b=-9, c=10$   
ಬಹುಪದೋಕ್ತಿಯ ಶೂನ್ಯತೆಗಳ ಮೊತ್ತ =  $-\frac{b}{a} = -\frac{-9}{2} = \frac{9}{2}$

ಉತ್ತರ : (A) 9/2

4) ಥೇಲ್ಸ್ ನ ಪ್ರಮೇಯದ ಪ್ರಕಾರ ,

9)  $\frac{13}{125} = \frac{13}{2^0 \times 5^3} = 0.104$

10) ಶೂನ್ಯತೆಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ = 0

11)  $\cos \theta = 1/2$  ಆದಾಗ,  $\theta = 60^\circ$

12)  $d = \sqrt{(16)^2 + (-12)^2} = \sqrt{256 + 144} = \sqrt{400} = 20$  ಮಾನಗಳು

17)  $2x + y = 11$  -----(1)

$x + y = 8$  -----(2)

$(-)$   $(-)$   $(-)$

$\therefore x = 3$

$x = 3$  ನ್ನು ಸಮೀಕರಣ (2) ರಲ್ಲಿ ಅದೇಶಿಸಲಾಗಿ

$3 + y = 8$

$y = 8 - 3$

$\therefore y = 5$

18) ಜೇಕಬ್ ರ ಈಗಿನ ವಯಸ್ಸು 'x' ಮತ್ತು ಅವರ ಮಗನ ವಯಸ್ಸು 'y' ಆಗಿರಲಿ.

$x + 5 = 3(y + 5)$   $x - 5 = 7(y - 5)$

$x + 5 = 3y + 15$   $x - 5 = 7y - 35$

$x - 3y = 15 - 5$   $x - 7y = -35 + 5$

$x - 3y = 10$  -----(1)  $x - 7y = -30$  -----(2)

ಸಮೀಕರಣ (1) ಮತ್ತು (2) ರಿಂದ

$x - 3y = 10$   $y = 10$  ನ್ನು (1) ರಲ್ಲಿ ಅದೇಶಿಸಲಾಗಿ,

$x - 7y = -30$   $x - 3(10) = 10$

$(-)$   $(+)$   $(+)$   $x - 30 = 10$

$4y = 40$   $x = 10 + 30$

$y = \frac{40}{4}$   $\therefore x = 40$

$\therefore y = 10$

$\implies$  ಜೇಕಬ್ ರ ಈಗಿನ ವಯಸ್ಸು = 40 ವರ್ಷಗಳು ಮತ್ತು ಅವರ ಮಗನ ವಯಸ್ಸು = 10 ವರ್ಷಗಳು

19)  $a=5, d=8-5=3, n=20, S_n=?$

$S_n = \frac{n}{2} [2a + (n-1)d]$

$= \frac{20}{2} [2 \times 5 + (20-1)3]$

$= 10 [10 + (19 \times 3)]$

$= 10 [10 + 57]$

$= 10 (67)$

$= 670$

5)  $9(\sec^2 \theta + \tan^2 \theta) = 9(1) = 9$  ಉತ್ತರ: (C) 9

6)  $\pi r^2 = 49\pi$  ಪರಿಧಿ =  $2\pi r$   
 $\therefore r = \sqrt{49} = 7$   $= 2\pi \times 7 = 14\pi$  ಉತ್ತರ: (C)  $14\pi$

7) ವೃತ್ತದ ತ್ರಿಜ್ಯ (r) =  $\sqrt{(25)^2 - (24)^2} = \sqrt{625 - 576} = \sqrt{49} = 7$  cm  
ಉತ್ತರ: (A) 7cm

8) (D) ಶಂಕುವಿನ ಭಿನ್ನಕದ ಘನಫಲಕ್ಕೆ ಸಮನಾಗಿರುತ್ತದೆ

13)  $\frac{\Delta ABC \text{ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ}}{\Delta PQR \text{ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ}} = \frac{(4)^2 - 16}{(9)^2 - 81}$

14)  $\pi r^2 = 2\pi r \implies r = 2$  ಮಾನಗಳು

15) "ಎರಡು ಭಿನ್ನವಾದ ವಾಸ್ತವ ಮೂಲಗಳನ್ನು ಹೊಂದಿರುವಾಗ" ವರ್ಗಸಮೀಕರಣದ ಶೋಧಕದ ಬೆಲೆಯು :  $\Delta > 0$

16) ಶಂಕುವಿನ ಭಿನ್ನಕದ ಪಾರ್ಶ್ವ =  $\pi(r_1 + r_2)l$  ಚದರ ಮಾನಗಳು ಮೇಲ್ಮೈ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ

20)  $a=1, b=-3, c=-10$

$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$

$x = \frac{-(-3) \pm \sqrt{(-3)^2 - 4(1)(-10)}}{2(1)}$

$x = \frac{3 \pm \sqrt{9+40}}{2}$

$x = \frac{3 \pm \sqrt{49}}{2}$

$x = \frac{3 \pm 7}{2}$

$x = \frac{3+7}{2}$  ಅಥವಾ  $x = \frac{3-7}{2}$

$x = 10/2$  ಅಥವಾ  $x = -4/2$

$\therefore x = 5$  ಅಥವಾ  $x = -2$

21) ಮೂಲಗಳ ಮೊತ್ತ =  $-\frac{b}{a} = \frac{1}{4}$  ಮತ್ತು ಗುಣಲಬ್ಧ =  $\frac{c}{a} = \frac{-4}{4}$

$a=4, b=-1, c=-4$

$P(x) = ax^2 + bx + c$   
 $= 4x^2 + (-1)x + (-4)$   
 $= 4x^2 - x - 4$

..... ಅಥವಾ.....

ಮೂಲಗಳ ಮೊತ್ತ =  $-\frac{b}{a} = \frac{-3}{1}$  ಮತ್ತು ಮೂಲಗಳ ಗುಣಲಬ್ಧ =  $\frac{c}{a} = \frac{2}{1}$

$a = 1, b = 3, c = 2$

$b + c = 5a$

$3 + 2 = 5(1)$

$\therefore 5 = 5$

22)  $(1, -1) = (x_1, y_1)$  ಮತ್ತು  $(7, 7) = (x_2, y_2)$

$d = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$

$d = \sqrt{(7-1)^2 + [7-(-1)]^2}$

$d = \sqrt{6^2 + 8^2}$

$d = \sqrt{36 + 64} = \sqrt{100} \therefore d = 10$  ಮಾನಗಳು

— ಅಥವಾ —

$A(4,-3) = (x_1, y_1)$ ,  $B(8,5) = (x_2, y_2)$  ಮತ್ತು  $3:1 = m_1 : m_2$

$$P(x, y) = \left( \frac{m_1 x_2 + m_2 x_1}{m_1 + m_2}, \frac{m_1 y_2 + m_2 y_1}{m_1 + m_2} \right)$$

$$= \left( \frac{3(8) + 1(4)}{3+1}, \frac{3(5) + 1(-3)}{3+1} \right)$$

$$= \left( \frac{24+4}{4}, \frac{15-3}{4} \right)$$

$$= \left( \frac{28}{4}, \frac{12}{4} \right)$$

$$= (7, 3)$$

23) ಒಂದು ವೃತ್ತಕೇಂದ್ರ P ಯು AB ವ್ಯಾಸದ ಮಧ್ಯಬಿಂದುವಾಗಿರುತ್ತದೆ.

$P(2,3) = (x, y)$   $A(4,3) = (x_1, y_1)$ ,  $B(x, 5) = (x_2, y_2)$

$$P(x, y) = \left( \frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2} \right)$$

$$P(2, 3) = \left( \frac{4+x}{2}, \frac{3+5}{2} \right)$$

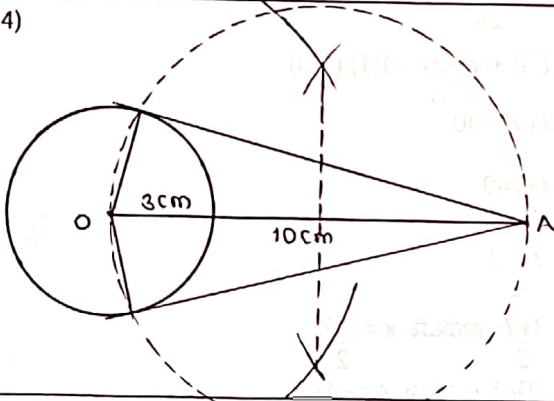
$$\Rightarrow \frac{4+x}{2} = 2$$

$$4+x=4$$

$$x=4-4$$

$$\therefore x=0$$

24)



25)  $3 - \sqrt{7}$  ಒಂದು ಭಾಗಲಬ್ಧ ಸಂಖ್ಯೆ ಆಗಿರಲಿ.

$$3 - \sqrt{7} = p/q \quad (p \text{ \& } q \text{ ಗಳು ಸಹ ಅವಿಭಾಜ್ಯಗಳು})$$

$$3 - p/q = \sqrt{7}$$

ಇಲ್ಲಿ,  $\sqrt{7}$  ಒಂದು ಅಭಾಗಲಬ್ಧ ಸಂಖ್ಯೆ

ಆದರೆ,  $3 - p/q$  ಒಂದು ಭಾಗಲಬ್ಧ ಸಂಖ್ಯೆಯಾಗಿದೆ.

ನಮ್ಮ ಊಹೆ ತಪ್ಪಾಗಿದೆ.

$3 - \sqrt{7}$  ಒಂದು ಅಭಾಗಲಬ್ಧ ಸಂಖ್ಯೆಯಾಗಿದೆ.

..... ಅಥವಾ .....

$$\Rightarrow 306) 657 \quad (2) \quad \Rightarrow 45) 306 \quad (6)$$

$$\frac{-612}{045}$$

$$\frac{-270}{36}$$

$$\therefore 657 = (306 \times 2) + 45 \quad \therefore 306 = (45 \times 6) + 36$$

$$\Rightarrow 36) 45 \quad (1) \quad \Rightarrow 9) 36 \quad (4)$$

$$\frac{-36}{09}$$

$$\frac{-36}{00}$$

$$\therefore 45 = (36 \times 1) + 9 \quad \therefore 36 = (9 \times 4) + 0$$

$$\Rightarrow 306 \text{ ಮತ್ತು } 657 \text{ ರ ಮ. ಸಾ. ಅ.} = 9$$

$$\Rightarrow 9 = 3 \times 3 = 3^2$$

$$12 = 3 \times 2 \times 2 = 3 \times 2^2$$

$$9 \text{ ಮತ್ತು } 12 \text{ ಇವುಗಳ ಲ. ಸಾ. ಅ.} = 36$$

$$= 9 \times 4 = 36$$

26) ಗೌರಿಯ ಈಗಿನ ವಯಸ್ಸು 'x' ಮತ್ತು ಗಣೇಶನ ಈಗಿನ ವಯಸ್ಸು 'y' ಆಗಿರಲಿ.

$$x - 5 = 3(y - 5)$$

$$x + 10 = 2(y + 10)$$

$$x - 5 = 3y - 15$$

$$x + 10 = 2y + 20$$

$$x - 3y = -15 + 5$$

$$x - 2y = 20 - 10$$

$$x - 3y = -10 \quad \dots\dots\dots(1)$$

$$x - 2y = 10 \quad \dots\dots\dots(2)$$

ಸಮೀಕರಣ (1) ಮತ್ತು (2) ರಿಂದ  $y = 20$  ನ್ನು (1) ರಲ್ಲಿ ಆದೇಶಿಸಲಾಗಿ,

$$x - 3y = -10$$

$$x - 3(20) = -10$$

$$x - 2y = 10$$

$$x - 60 = -10$$

$$\begin{array}{r} (-) (+) \\ x - 2y = 10 \\ - (x - 3y = -10) \\ \hline -y = -20 \end{array}$$

$$x = -10 + 60$$

$$\therefore y = 20$$

$$\therefore x = 50$$

$\Rightarrow$  ಗೌರಿಯ ಈಗಿನ ವಯಸ್ಸು = 50 ವರ್ಷಗಳು ಮತ್ತು ಗಣೇಶನ ಈಗಿನ ವಯಸ್ಸು = 20 ವರ್ಷಗಳು

$$27) \text{ LHS} = \frac{\cos(90^\circ - \theta)}{1 + \sin(90^\circ - \theta)} + \frac{1 + \sin(90^\circ - \theta)}{\cos(90^\circ - \theta)}$$

$$= \frac{\sin \theta}{1 + \cos \theta} + \frac{1 + \cos \theta}{\sin \theta}$$

$$= \frac{\sin^2 \theta + (1 + \cos \theta)^2}{\sin \theta (1 + \cos \theta)}$$

$$= \frac{\sin^2 \theta + 1 + \cos^2 \theta + 2 \cos \theta}{\sin \theta (1 + \cos \theta)}$$

$$(\because \sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1)$$

$$= \frac{1 + 1 + 2 \cos \theta}{\sin \theta (1 + \cos \theta)}$$

$$= \frac{2 + 2 \cos \theta}{\sin \theta (1 + \cos \theta)}$$

$$= \frac{2(1 + \cos \theta)}{\sin \theta (1 + \cos \theta)} = \frac{2}{\sin \theta}$$

$$= 2 \operatorname{cosec} \theta = \text{RHS}$$

..... ಅಥವಾ .....

$$\text{LHS} = (\sin A + \operatorname{cosec} A)^2 + (\cos A + \sec A)^2$$

$$= [\sin^2 A + \operatorname{cosec}^2 A + 2 \sin A \cdot \operatorname{cosec} A] + [\cos^2 A + \sec^2 A + 2 \cos A \cdot \sec A]$$

$$= \sin^2 A + \cos^2 A + 2 \sin A \cdot \frac{1}{\sin A} + 2 \cos A \cdot \frac{1}{\cos A} + (1 + \cot^2 A) + (1 + \tan^2 A)$$

$$= 1 + 2 + 2 + 1 + 1 + \tan^2 A + \cot^2 A$$

$$= 7 + \tan^2 A + \cot^2 A$$

$$= \text{RHS}$$

28)

ವರ್ಗಾಂತರ	ಆವೃತ್ತಿ	ಸಂಚಿತ ಆವೃತ್ತಿ
0 --- 20	6	6
20 --- 40	8	14
40 --- 60	10	24
60 --- 80	12	36
80 --- 100	6	42
100 --- 120	5	47
120 --- 140	3	50

$$n = 50$$

$$\frac{n}{2} = \frac{50}{2} = 25 \text{ ನೇ ಮಾಲ್ಯ}$$

$$l = 60$$

$$f = 12$$

$$cf = 24$$

$$h = 20$$

$$\text{ಮಧ್ಯಾಂಕ} = \left[ \frac{n - cf}{f} \right] \times h$$

$$= 60 + \left[ \frac{25 - 24}{12} \right] \times 20$$

$$= 60 + \frac{1}{12} \times 20$$

$$\text{ಮಧ್ಯಾಂಕ} = 60 + 1.67 = 61.67$$

..... ಅಥವಾ.....

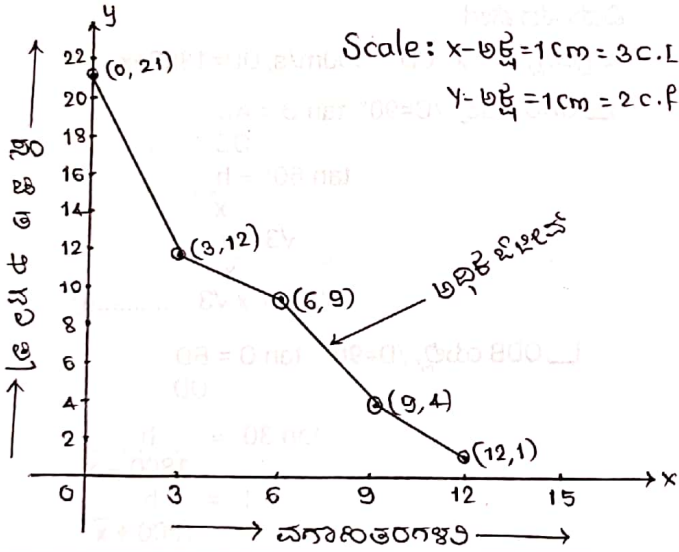
ವರ್ಗಾಂತರ	ಆವೃತ್ತಿ
5 --- 15	6
15 --- 25	11
25 --- 35	21
35 --- 45	23
45 --- 55	14
55 --- 65	5

l = 35  
f0 = 21  
f1 = 23  
f2 = 14  
h = 10

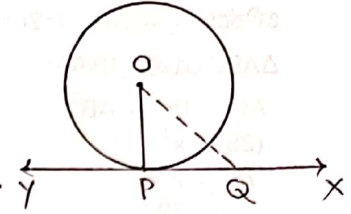
$$\begin{aligned} \text{ಬಹುಲಕ} &= l + \left[ \frac{f_1 - f_0}{2f_1 - f_0 - f_2} \right] \times h \\ &= 35 + \left[ \frac{23 - 21}{2(23) - 21 - 14} \right] \times 10 \\ &= 35 + \left( \frac{2}{46 - 35} \right) \times 10 \\ &= 35 + \left( \frac{20}{11} \right) \\ &= 35 + 1.82 \\ &= 36.82 \end{aligned}$$

29)

ವರ್ಗಾಂತರ	ಆವೃತ್ತಿ	ಸಂಚಿತ ಆವೃತ್ತಿ
0 --- 3	9	21
3 --- 6	3	12
6 --- 9	5	9
9 --- 12	3	4
12 --- 15	1	1



31) ದತ್ತ: 'O' ವೃತ್ತಕೇಂದ್ರ. P ಬಿಂದುವಿನಲ್ಲಿ XY ಒಂದು ಸ್ಪರ್ಶಕವಾಗಿದೆ.



ಸಾಧನೀಯ: OP ⊥ XY

ರಚನೆ: 'P' ಯನ್ನು ಹೊರತುಪಡಿಸಿ XY ಮೇಲೆ 'Q' ಬಿಂದುವನ್ನು ಗುರುತಿಸಿ. OQ ನ್ನು ಸೇರಿಸಿದೆ.

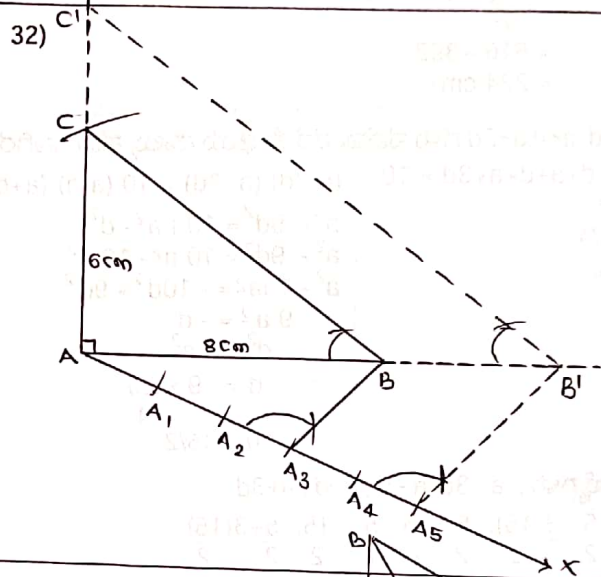
ಸಾಧನೆ: 'Q' ಬಿಂದು ವೃತ್ತದ ಹೊರಭಾಗದಲ್ಲಿದೆ.

[∵ P ಬಿಂದುವಿನಲ್ಲಿ 'AB' ಯು ಸ್ಪರ್ಶಕವಾಗಿದೆ.]

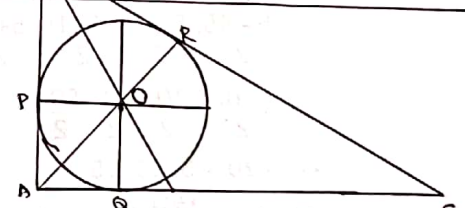
∴ OP < OQ

OP ಯು 'O' ವೃತ್ತ ಕೇಂದ್ರದಿಂದ XY ಗೆ ಎಳೆಯಬಹುದಾದ ಅತ್ಯಂತ ಚಿಕ್ಕ ರೇಖಾಖಂಡವಾಗಿದೆ.

∴ OP ⊥ XY



33)  $BC^2 = AB^2 + AC^2$   
 $= (6)^2 + (8)^2$   
 $= 36 + 64$   
 $= 100$   
 $= \sqrt{100}$   
 $= 10 \text{ cm}$



AB+AC = BP+PA+AQ+QC  
 $6 + 8 = BR+PA+PA+CR$   
 $14 = BR+CR+2 PA$   
 $14 = BC + 2 PA$   
 $14 = 10 + 2 PA$   
 $2PA = 14 - 10$   
 $PA = 4/2$   
 $\therefore PA = 2 \text{ cm}$

OPAQ ಒಂದು ಚೌಕವಾಗಿದೆ.  
 $PA=AQ=OQ=OP = 2\text{cm}$   
 $\therefore r = 2\text{cm}$

30) ಒಂದು ಘನಾಕೃತಿಯ ದಾಳವನ್ನು ಎರಡು ಬಾರಿ ಉರುಳಿಸಿದಾಗ ಉಂಟಾಗುವ ಸಾಧ್ಯತೆಗಳು  $6 \times 6 = 36 \implies n(S) = 36$

(i) ಮುಖಗಳ ಮೇಲಿನ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಮೊತ್ತ 10 ಬರುವ ಸಾಧ್ಯತೆ 'A' ಆಗಿರಲಿ.  
 $A = \{ (4,6), (5,5), (6,4) \} \implies n(A) = 3$

ಸಂಭವನೀಯತೆ:  $P(A) = \frac{n(A)}{n(S)}$   
 $= \frac{3}{36} = \frac{1}{12}$

(ii) ಅವಳಿ ಸಂಖ್ಯೆಗಳು ಬರುವ ಸಾಧ್ಯತೆ 'B' ಆಗಿರಲಿ.

$B = \{ (1,1), (2,2), (3,3), (4,4), (5,5), (6,6) \} \implies n(B) = 6$

ಸಂಭವನೀಯತೆ:  $P(B) = \frac{n(B)}{n(S)}$   
 $= \frac{6}{36} = \frac{1}{6}$

ಭಾಯಿಗೊಳಿಸಿದ  $\left\{ \begin{array}{l} \Delta ABC \text{ ಯ } \\ \text{ಭಾಗದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ} \end{array} \right\}$  ವೃತ್ತದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ

$= \frac{1}{2} \times \text{ಪಾದ} \times \text{ಎತ್ತರ} - \pi r^2$   
 $= \frac{1}{2} \times 6 \times 8 - \frac{22}{7} (2)^2$   
 $= 24 - \frac{88}{7}$   
 $= 24 - 12.57$   
 $= 11.43 \text{ cm}$

..... ಅಥವಾ.....  
 $2\pi r = 88$   
 $r = \frac{88}{2 \times 22}$   
 $r = \frac{88}{44}$   
 $r = 14 \text{ cm}$

ಚೌಕದ ವ್ಯಾಸ=AC =d=2r = 2 × 14 = 28 cm

ΔABC ಯಲ್ಲಿ, ∠B=90°

$$AC^2 = BC^2 + AB^2$$

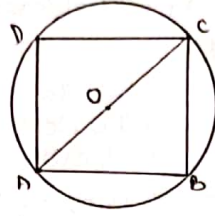
$$(28)^2 = x^2 + x^2$$

$$784 = 2x^2$$

$$x^2 = 392$$

ABCD ಒಂದು ಚೌಕದಲ್ಲಿ,

AB=BC=CD=DA=x ಆಗಿರಲಿ



ಛಾಯೆಗೊಳಿಸಿದ = ವೃತ್ತದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ - ಚೌಕದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ  
ಭಾಗದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ

$$= \pi r^2 - x^2$$

$$= \frac{22}{7} (14)^2 - 392$$

$$= \frac{22(196)}{7} - 392$$

$$= 616 - 392$$

$$= 224 \text{ cm}^2$$

34) a-3d, a-d, a+d, a+3d ಗಳು ಸಮಾಂತರ ಶ್ರೇಣಿಯ ನಾಲ್ಕು ಪದಗಳಾಗಿರಲಿ.

$$a-3d+a-d+a+d+a+3d = 10$$

$$4a = 10$$

$$a = 10/4$$

$$\therefore a = 5/2$$

$$(a-3d)(a+3d) = 10(a-d)(a+d)$$

$$a^2 - 9d^2 = 10(a^2 - d^2)$$

$$a^2 - 9d^2 = 10a^2 - 10d^2$$

$$a^2 - 10a^2 = -10d^2 + 9d^2$$

$$-9a^2 = -d^2$$

$$d^2 = 9a^2$$

$$d = 9 \times \frac{25}{4}$$

$$\therefore d = 15/2$$

ಅಪೇಕ್ಷಿತ ಸಂಖ್ಯೆಗಳು : a-3d, a-d, a+d, a+3d

$$\frac{5-3(15)}{2}, \frac{5-15}{2}, \frac{5+15}{2}, \frac{5+3(15)}{2}$$

$$\frac{5-45}{2}, \frac{5-15}{2}, \frac{5+15}{2}, \frac{5+45}{2}$$

$$-\frac{40}{2}, -\frac{10}{2}, \frac{20}{2}, \frac{50}{2}$$

$$\therefore -20, -5, 10, 25$$

..... ಅಥವಾ .....

ಸಮಾಂತರ ಶ್ರೇಣಿಯ ಮೂರು ಪದಗಳು: a-d, a, a+d ಆಗಿರಲಿ.

$$a-d+a+a+d = 15$$

$$3a = 15$$

$$a = 5$$

$$\therefore a = 5$$

$$(a-d)^2 + (a+d)^2 = 58$$

$$a^2 + d^2 - 2ad + a^2 + d^2 + 2ad = 58$$

$$2a^2 + 2d^2 = 58$$

$$a^2 + d^2 = 29$$

$$(5)^2 + d^2 = 29$$

$$25 + d^2 = 29$$

$$d^2 = 29 - 25$$

$$d = \sqrt{4}$$

$$\therefore d = 2$$

ಅಪೇಕ್ಷಿತ ಪದಗಳು: a-d, a, a+d

$$5-2, 5, 5+2$$

$$3, 5, 7$$

35)  $2x - y = 2$

$$-y = 2 - 2x$$

$$y = 2x - 2$$

x	-3	-2	-1	0	1	2	3
y	-8	-6	-4	-2	0	2	4

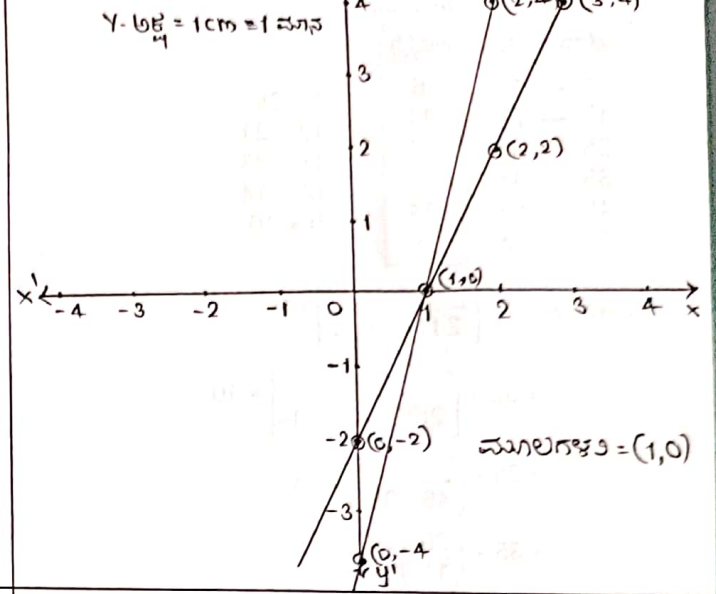
$4x - y = 4$

$$-y = 4 - 4x$$

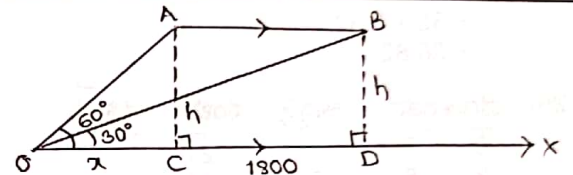
$$y = 4x - 4$$

x	-3	-2	-1	0	1	2	3
y	-16	-12	-8	-4	0	4	8

Scale: X-ಅಕ್ಷ = 1cm = 1 ಮೂಲ  
Y-ಅಕ್ಷ = 1cm = 1 ಮೂಲ



36)



$$\text{ವೇಗ} = 648 \text{ km/h} \rightarrow 648 \times \frac{1000}{60 \times 60} \rightarrow 180 \text{ m/s}$$

10 ಸೆಕೆಂಡ್ ಗಳ ನಂತರ =  $180 \times 10 = 1800 \text{ m/s}$   
ವಿಮಾನದ ವೇಗ

ಚಿತ್ರದಲ್ಲಿ,  $OC = x$ ,  $CD = 1800 \text{ m/s}$ ,  $OD = 1800 + x$

$$\triangle OAC \text{ ಯಲ್ಲಿ, } \angle C = 90^\circ \tan \theta = \frac{AC}{OC}$$

$$\tan 60^\circ = \frac{h}{x}$$

$$\sqrt{3} = \frac{h}{x}$$

$$\therefore h = x\sqrt{3} \dots\dots\dots(i)$$

$$\triangle ODB \text{ ಯಲ್ಲಿ, } \angle D = 90^\circ \tan \theta = \frac{BD}{OD}$$

$$\tan 30^\circ = \frac{h}{1800 + x}$$

$$\frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{h}{1800 + x}$$

$$\therefore h\sqrt{3} = 1800 + x \dots\dots\dots(ii)$$

(i) ನ್ನು (ii) ರಲ್ಲಿ ಆದೇಶಿಸಲಾಗಿ,

$$x\sqrt{3} \cdot \sqrt{3} = 1800 + x$$

$$3x - x = 1800$$

$$2x = 1800$$

$$x = 900$$

$$\therefore x = 900$$

$x = 900$  ನ್ನು (i) ರಲ್ಲಿ ಆದೇಶಿಸಲಾಗಿ

$$\Rightarrow h = 900\sqrt{3} = 900 \times 1.73 = 1557.00 = 1557 \text{ m}$$

37) ಸಿಲಿಂಡರ್ ನ ಎತ್ತರ (h) = 40 cm ಮತ್ತು ತ್ರಿಜ್ಯ (r) = 7cm  
 ಶಂಕುವಿನ ಎತ್ತರ(h) = 24cm ಮತ್ತು ತ್ರಿಜ್ಯ (r) = 7 cm  
 ಅರ್ಧಗೋಳದ ತ್ರಿಜ್ಯ = 7 cm

ವಸ್ತುವಿನ ಘನಫಲ = ಸಿಲಿಂಡರ್ ನ ಘನಫಲ - [ ಶಂಕುವಿನ ಘನಫಲ + ಅರ್ಧಗೋಳದ ಘನಫಲ ]

$$= \pi r^2 h - \left[ \frac{1}{3} \pi r^2 h + \frac{2}{3} \pi r^3 \right]$$

$$= \frac{22}{7} \times 7^2 \times 40 - \left[ \frac{1}{3} \times \frac{22}{7} \times 7^2 \times 24 + \frac{2}{3} \times \frac{22}{7} \times 7^3 \right]$$

$$= 6160 - [1232 + 719]$$

$$= 6160 - 1951$$

$$= 4209 \text{ cm}^3$$

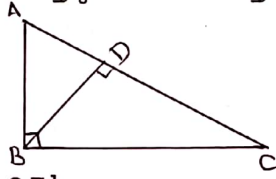
38) ಪೈಥಾಗೊರಸ್ ಪ್ರಮೇಯ:

ನಿರೂಪಣೆ: ಒಂದು ಲಂಬಕೋನ ತ್ರಿಭುಜದಲ್ಲಿ ವಿಕರ್ಣದ ಮೇಲಿನ ವರ್ಗವು ಉಳಿದೆರಡು ಬಾಹುಗಳ ಮೇಲಿನ ವರ್ಗಗಳ ಮೊತ್ತಕ್ಕೆ ಸಮಾನವಾಗಿರುತ್ತದೆ.

ದತ್ತ:  $\triangle ABC$  ಯಲ್ಲಿ,  $\angle ABC = 90^\circ$

ಸಾಧನೀಯ:  $AC^2 = AB^2 + BC^2$

ರಚನೆ:  $BD \perp AC$  ಎಳೆದಿದೆ.



ಸಾಧನೆ:  $\triangle ABD \sim \triangle ABC$  [ ಪ್ರಮೇಯ - 2.7 ]

$$\implies \frac{AD}{AB} = \frac{AB}{AC} \quad (\text{ಸರ್ವಸಮ ತ್ರಿಭುಜದ ಅನುರೂಪ ಬಾಹುಗಳು ಸಮಾನಪಾತದಲ್ಲಿರುತ್ತವೆ})$$

$$\implies AD \times AC = AB^2 \dots\dots\dots(1)$$

ಅದೇ ರೀತಿ,  $\triangle BDC \sim \triangle ABC$  [ ಪ್ರಮೇಯ - 2.7 ]

$$\implies \frac{DC}{BC} = \frac{BC}{AC} \quad (\text{ಸರ್ವಸಮ ತ್ರಿಭುಜದ ಅನುರೂಪ ಬಾಹುಗಳು ಸಮಾನಪಾತದಲ್ಲಿರುತ್ತವೆ})$$

$$\implies DC \times AC = BC^2 \dots\dots\dots(2)$$

ಸಮೀಕರಣ (1) ಮತ್ತು (2) ನ್ನು ಕೂಡಿದಾಗ,

$$(AD \times AC) + (DC \times AC) = AB^2 + BC^2$$

$$AC (AD + DC) = AB^2 + BC^2$$

$$\implies AC \times AC = AB^2 + BC^2$$

$$\implies AC^2 = AB^2 + BC^2$$