

# ಉಪನಿದೇಶಕರ ಕಳೆಗೆ, ಶಾಲಾ ಶಿಕ್ಷಣ ಇಲಾಖೆ, ತುಮಕೂರು (ದ) ಶೈಕ್ಷಣಿಕ ಜಿಲ್ಲೆ

ವಿನೋ.ವಿನೋ.ವಲ್.ಸಿ. ಜಲ್ಲಾ ಮಣಿಕಣಂಡ ಅಭಿಭಾಷಣ ಪತ್ರಿಕೆ

JANUARY-2024

ಸಮಯ: 3ಗಂಟೆ 15ನಿಮಿಷಗಳು

ವಿಷಯ: ಗಣಿತ

ಗರಿಷ್ಠ ಅಂತರಾಳ: 80

I ಕೆಳಗಿನ ಪ್ರಶ್ನೆಗಳಿಗೆ ಅಥವಾ ಹೇಳಿಕೆಗಳಿಗೆ ನಾಲ್ಕು ಪರ್ಯಾಯ ಉತ್ತರಗಳನ್ನು ನೀಡಲಾಗಿದೆ. ಅವುಗಳಲ್ಲಿ ಸೂಕ್ಷ್ಮವಾದ ಉತ್ತರವನ್ನು ಅರಿಸಿ, ಅದರ ಕ್ರಮಾಂಕ ರದ್ದೊಡನೆ ಮೊಣಾ ಉತ್ತರವನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ.

**8×1=8**

1)  $P - 1, P + 3, 3P - 1$  ಇವು ಸಮಾಂತರ ಶೈಕ್ಷಣಿಕ ರೀತಿಯಲ್ಲಿದ್ದರೆ, 'P' ನ ಬೆಲೆಯು

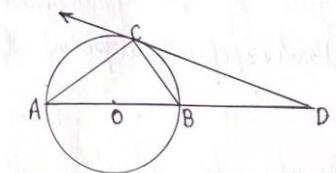
- a) 4                      b) -4                      c) 2                      d) -2

2)  $\Delta ABC$  ಮತ್ತು  $\Delta DEF$  ಗಳಲ್ಲಿ  $\frac{AB}{DE} = \frac{BC}{FD}$  ಆಗಿದೆ. ಈ ಎರಡು ತ್ರಿಭುಜಗಳು ಸಮರೂಪವಾಗಬೇಕಾದರೆ

- a)  $\angle B = \angle E$               b)  $\angle A = \angle D$               c)  $\angle B = \angle D$               d)  $\angle A = \angle F$

3) ಚಿತ್ರದಲ್ಲಿ 'O' ಕೇಂದ್ರವಿರುವ ವೃತ್ತದಲ್ಲಿ, AB ವ್ಯಾಸ ಮತ್ತು ಜ್ಯಾ AC ಗಳ ನಡುವಿನ ಕೋನ  $\angle BAC = 30^\circ$  ಆಗಿದೆ. DC ಯು ಸ್ವರ್ವಕರ್ವಾಗಿದ್ದರೆ  $\Delta BCD$  ಯು

- a) ಸಮಾನಾಂತರ ತ್ರಿಭುಜ  
b) ಸಮಾನಾಂತರ ತ್ರಿಭುಜ  
c) ಲಂಬಕೋನ ತ್ರಿಭುಜ  
d) ಲಘುಕೋನ ತ್ರಿಭುಜ



4)  $x + 2y - 4 = 0$  ಮತ್ತು  $2x + 4y - 12 = 0$  ಈ ಸಮೀಕರಣಗಳು ಪ್ರತಿನಿಧಿಸುವ ರೇಖೆಗಳು

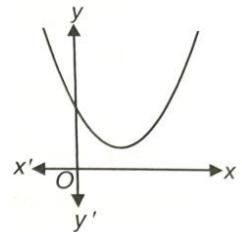
- a) ಭೇದಿಸುವ ರೇಖೆಗಳು  
b) ಸಮಾಂತರ ರೇಖೆಗಳು  
c) ಒಕ್ಕಾಗುವ ರೇಖೆಗಳು  
d) ಪರಸ್ಪರ ಲಂಬ ರೇಖೆಗಳು

5) ಯೂಕ್ಲಿಡ್ ಭಾಗಾಂಶ ಅನುಪ್ರಮೇಯದ ಪ್ರಕಾರ ದತ್ತ ಧನ ಮೊಣಾಂಕಗಳಾದ  $a$  ಮತ್ತು  $b$  ಗಳು ಈ ಕೆಳಗಿನ ಯಾವ ಹೇಳಿಗೆಗೆ ಸರಿಹೊಂದುವಂತೆ  $q$  ಮತ್ತು  $r$  ಎಂಬ ಎರಡು ಅನನ್ಯ ಮೊಣಾಂಕಗಳಾಗಿರುತ್ತವೆ?

- a)  $a = bq + r, 0 < r < b$   
b)  $a = bq + r, 0 \leq r \leq b$   
c)  $a = bq + r, 0 \leq r < b$   
d)  $a = bq + r, 0 < b < r$

6) ಚೌಕ್ಕಿರುವ ನಕ್ಷೆಯಲ್ಲಿ  $y = p(x)$  ಬಹುಪದೋತ್ತಿಯ ಹೊಂದಿರುವ ಶೂನ್ಯತೆಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯು

- a) 3  
b) 2  
c) 0  
d) 4



7) ಈ ಕೆಳಗಿನ ಸಮೀಕರಣಗಳಲ್ಲಿ, ವಾಸ್ತವ ಮತ್ತು ಸಮ ಮೂಲಗಳನ್ನು ಹೊಂದಿರುವ ಸಮೀಕರಣವು

- a)  $2x^2 - 4x + 3 = 0$   
b)  $x^2 - 4x + 4 = 0$   
c)  $3x^2 - 4x + 4 = 0$   
d)  $x^2 - 2\sqrt{2}x - 6 = 0$

8) ಒಂದು ಫ್ರಾಕ್ಷನಿಯನ್ನು ಮತ್ತೊಂದು ಫ್ರಾಕ್ಷನಿಯಾಗಿ ಪರಿವರ್ತಿಸಿದಾಗ, ಹೊಸ ಫ್ರಾಕ್ಷನಿಯ ಫ್ರಾನ್ಫಲವು

- a) ಹೆಚ್ಚಾಗುತ್ತದೆ  
b) ಕಡಿಮೆಯಾಗುತ್ತದೆ  
c) ಸ್ಥಿರವಾಗಿರುತ್ತದೆ  
d) ದ್ವಿಗುಣಗೊಳ್ಳುತ್ತದೆ

II ಈ ಕೆಳಗಿನ ಪ್ರಶ್ನೆಗಳಿಗೆ ಉತ್ತರಿಸಿ :

**8×1=8**

- 9) “ಮೂಲ ಸಮಾನಪಾಠತೆಯ ಪ್ರಮೇಯ” (ಡೇಲ್ನೋನ ಪ್ರಮೇಯ) ವನ್ನು ನಿರೂಪಿಸಿ.
- 10) ಮೂಲ ಬಿಂದುವಿನಿಂದ  $(x, y)$  ಬಿಂದುವಿಗೆ ಇರುವ ದೂರವನ್ನು ಲೆಕ್ಕಿಸುವ ಸೂತ್ರ ಬರೆಯಿರಿ.
- 11) (7, 2) ಮತ್ತು (3, 4) ಈ ಬಿಂದುಗಳನ್ನು ಸೇರಿಸುವ ರೇಖಾವಿಂದದ ಮಧ್ಯ ಬಿಂದುವನ ನಿದೇಶಾಂಕಗಳನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.
- 12)  $p(x) = x^4 - 5x^2 + 2x + 5$  ಈ ಬಹುಪದೋಕ್ತಿಯ ಮಹತ್ವದ ಫಾತವನ್ನು (ಡಿಗ್ರಿ) ಬರೆಯಿರಿ.
- 13) ಶೊನ್ಯತೆಗಳ ಮೊತ್ತ 3 ಮತ್ತು ಗುಣಲಭ್ಯ -2 ಹೊಂದಿರುವ ವರ್ಗ ಬಹುಪದೋಕ್ತಿಯನ್ನು ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ.
- 14)  $x = 2^3 \times 3 \times 5^2$ ,  $y = 2^2 \times 3^3$ , ಆದರೆ ಮ.ಸಾ.ಅ  $(x, y)$  ನ್ನು ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ.
- 15) ಶಂಕುವಿನ ಭಿನ್ನಕದ ಘನಫಲವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯುವ ಸೂತ್ರ ಬರೆಯಿರಿ.
- 16) ಒಂದು ಫಾಟನೆ ‘E’, ಗೆ  $P(E) = 0.05$  ಆದರೆ  $P(\bar{E})$  ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ.

III ಈ ಕೆಳಗಿನ ಪ್ರಶ್ನೆಗಳಿಗೆ ಉತ್ತರಿಸಿ :

**8×2=16**

- 17) 3, 8, 13, ..... ಈ ಸಮಾಂತರ ಶ್ರೇಣಿಯ **20**ನೇ ಪದವನ್ನು ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ.
- 18) ಹೊಟ್ಟಿನ ರೇಖಾತ್ಮಕ ಸಮೀಕರಣಗಳನ್ನು ಸೂಕ್ತ ವಿಧಾನದಿಂದ ಬಿಡಿಸಿ.

  - 2x + 3y = 7
  - 2x + y = 5

- 19)  $\Delta ABC \sim \Delta DEF$  ಮತ್ತು ಅವುಗಳ ವಿಸ್ತೀರ್ಣಗಳು ಕ್ರಮವಾಗಿ **36cm<sup>2</sup>** ಮತ್ತು **144 cm<sup>2</sup>** ಗಳಾಗಿದ್ದು, **EF = 10cm**, ಆದಾಗ **BC** ಅಳತೆಯನ್ನು ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ.
- 20)  $2 + \sqrt{3}$  ಒಂದು ಅಭಾಗಲಭ್ಯ ಸಂಖ್ಯೆ ಎಂದು ಸಾಧಿಸಿ. **OR**  
ಯೂಳಿಕ್ಸ್‌ನ ಭಾಗಾಕಾರ ಕ್ರಮವಿಧಿ ಉಪಯೋಗಿಸಿ **24** ಮತ್ತು **40** ರ ಮ.ಸಾ.ಅ ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ.
- 21)  $cosec\theta = \frac{13}{12}$ , ಆದರೆ  $cos\theta$  ದ ಬೆಲೆಯನ್ನು ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ
- 22) **3.5cm** ತ್ರಿಜ್ಯವಿರುವ ವೃತ್ತವನ್ನು ರಚಿಸಿರಿ ಮತ್ತು ಸ್ಪರ್ಶಕಗಳ ನಡುವಿನ ಕೋನ **60°** ಇರುವಂತೆ ವೃತ್ತಕ್ಕೆ ಒಂದು ಜೊತೆ ಸ್ಪರ್ಶಕಗಳನ್ನು ರಚಿಸಿ.
- 23)  $x^2 - 12x + 27 = 0$  ಈ ಸಮೀಕರಣದ ಮೂಲಗಳನ್ನು ‘ವರ್ಗ ಸಮೀಕರಣದ ಸೂತ್ರ’ ಉಪಯೋಗಿಸಿ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

**OR**

$$x^2 + 3x + 2 = 0$$
 ವರ್ಗ ಸಮೀಕರಣದ ಶೋಧಕವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಮ, ಮೂಲಗಳ ಸ್ಥಾವರವನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ.

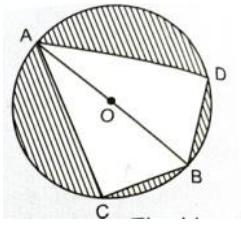
- 24) ಒಂದು ಚೀಲದಲ್ಲಿ **5** ಕೆಂಪು ಚೆಂಡುಗಳು, **8** ವಸಿರು ಚೆಂಡುಗಳು ಮತ್ತು **7** ಬಿಳಿ ಚೆಂಡುಗಳಿವೆ. ಚೀಲದಿಂದ ಯೊದ್ದುಭ್ರಿಕಾಗಿ ಒಂದು ಚೆಂಡನ್ನು ಹೊರ ತೆಗೆಯಲಾಗಿದೆ. ಆ ಚೆಂಡು ವಸಿರು ಅಥವಾ ಕೆಂಪು ಚೆಂಡಾಗಿಲ್ಲದ ಸಂಭವನೀಯತೆಯನ್ನು ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ .

IV ಈ ಕೆಳಗಿನ ಪ್ರಶ್ನೆಗಳಿಗೆ ಉತ್ತರಿಸಿ :

**9×3=27**

- 25)  $\sqrt{2}$  ಮತ್ತು  $-\sqrt{2}$  ಇವು  $2x^4 - 3x^3 - 3x^2 + 6x - 2$  ರ ಎರಡು ಶೊನ್ಯತೆಗಳಾದರೆ, ಆದರೆ ಎಲ್ಲಾ ಶೊನ್ಯತೆಗಳನ್ನು ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ. **OR**

$$p(x) = 2x^2 - 8x + 6$$
 ಎಂಬ ವರ್ಗ ಬಹುಪದೋಕ್ತಿಯ ಶೊನ್ಯತೆಗಳನ್ನು ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ ಹಾಗೂ ಶೊನ್ಯತೆಗಳು ಮತ್ತು ಸಹಗ್ರಾಹಗಳ ನಡುವಿನ ಸಂಬಂಧವನ್ನು ತಾಳಿ ನೋಡಿ.



26) ಚತುರಳಿ,  $BC = BD = 8\text{cm}$ ,  $AC = AD = 15\text{cm}$  ಮತ್ತು 'O' ವೃತ್ತ ಕೇಂದ್ರವಾಗಿದೆ.

ಭಾಯಿಗೊಳಿಸಿದ ವಲಯದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣವನ್ನು ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ ( $\pi = 3.14$ )

27) “ ಬಾಹ್ಯ ಬಿಂದುವಿನಿಂದ ವೃತ್ತಕ್ಕೆ ಎಳೆದ ಸ್ಪರ್ಶಕಗಳ ಉದ್ದವು ಸಮಾಗಿರುತ್ತದೆ ” ಎಂದು ಸಾಧಿಸಿ.

$$28) \frac{\cos A}{1-\sin A} + \frac{1-\sin A}{\cos A} = 2 \operatorname{Sec} A \text{ ಎಂದು ಸಾಧಿಸಿ.}$$

ಅಥವಾ

$$\left( \frac{1+\sin\theta-\cos\theta}{1+\sin\theta+\cos\theta} \right)^2 = \frac{1-\cos\theta}{1+\cos\theta} \text{ ಎಂದು ಸಾಧಿಸಿ.}$$

29) ಈ ಕೆಳಗಿನ ದತ್ತಾಂಶಗಳಿಗೆ ಸರಾಸರಿಯನ್ನು ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ.

ವರ್ಗಾಂಶರ	ಆವೃತ್ತಿ
0 - 8	5
8 - 16	9
16 - 24	10
24 - 32	8
32 - 40	8

ಅಥವಾ

ಈ ಕೆಳಗಿನ ದತ್ತಾಂಶಗಳಿಗೆ ಬಹುಲಕವನ್ನು ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ.

ವರ್ಗಾಂಶರ	ಆವೃತ್ತಿ
10 - 25	4
25 - 40	5
40 - 55	3
55 - 70	7
70 - 85	6
85 - 100	5

30) ಎರಡು ಚೌಕಗಳ ವಿಸ್ತೀರ್ಣಗಳ ಮೊತ್ತವು  $468\text{m}^2$ . ಅವುಗಳ ಸುತ್ತಳತೆಗಳ ವ್ಯತ್ಯಾಸವು  $24\text{m}$  ಆದರೆ ಆ ಚೌಕಗಳ ಬಾಹುಗಳ ಅಳತೆ ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ .

31)  $5\text{cm}$ ,  $6\text{cm}$  ಮತ್ತು  $7\text{cm}$  ಬಾಹುಗಳಿರುವ ಒಂದು ತ್ರಿಭುಜವನ್ನು ರಚಿಸಿ, ನಂತರ ಮತ್ತೊಂದು ತ್ರಿಭುಜವನ್ನು, ಅದರ ಪ್ರತಿಯೊಂದು ಬಾಹುವು ಮೊದಲು ರಚಿಸಿದ ತ್ರಿಭುಜದ ಅನುರೂಪ ಬಾಹುಗಳ  $\frac{7}{5}$  ರಷ್ಟಿರುವಂತೆ ರಚಿಸಿ.

32)  $(6, -9)$  ಮತ್ತು  $(4, 6)$  ಬಿಂದುಗಳನ್ನು ಸೇರಿಸುವ ರೇಖಾವಿಂದವನ್ನು, ಒಂದು ಬಿಂದುವು  $3 : 4$  ಅನುಪಾತದಲ್ಲಿ ಆಂತರಿಕವಾಗಿ ವಿಭಾಗಿಸಿದರೆ, ಆ ಬಿಂದುವಿನ ನಿದೇಶಾಂಕಗಳನ್ನು ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ.

ಅಥವಾ

$(-1, 3)$   $(2, K)$  ಮತ್ತು  $(5, -1)$  ಬಿಂದುಗಳು ಸರಳರೇಖಾಗತವಾಗಿದ್ದರೆ 'K' ನ ಬೆಲೆಯನ್ನು ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ.

33) ಒಂದು ಪ್ರದೇಶದ ವ್ಯಾಪಾರ ಮಳಗೆಯ **30** ಅಂಗಡಿಗಳು ಗಳಿಗಿಂತ ಲಾಭದ ವಿಶಿಷ್ಟತೆಯನ್ನು ಈ ಕೆಳಗೆ ನೀಡಿದೆ. ಈ ದತ್ತಾಂಶಗಳಿಗೆ 'ಅಧಿಕ ಇರುವ ವಿಧಾನದ' ಬಿಜೇವೋನ್‌ನ್ನು ರಚಿಸಿರಿ.

ಲಾಭ (ಲಕ್ಷ ರೂ ಗಳಲ್ಲಿ)	ಅಂಗಡಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ (ಆವೃತ್ತಿ)
5 ಅಥವಾ $5\sqrt{3}$ ತ ಅಧಿಕ	30
10 ಅಥವಾ $10\sqrt{3}$ ತ ಅಧಿಕ	28
15 ಅಥವಾ $15\sqrt{3}$ ತ ಅಧಿಕ	16
20 ಅಥವಾ $25\sqrt{3}$ ತ ಅಧಿಕ	14
25 ಅಥವಾ $25\sqrt{3}$ ತ ಅಧಿಕ	10
30 ಅಥವಾ $30\sqrt{3}$ ತ ಅಧಿಕ	7
35 ಅಥವಾ $35\sqrt{3}$ ತ ಅಧಿಕ	3

V ಕೆಳಗಿನ ಪ್ರಶ್ನೆಗಳಿಗೆ ಉತ್ತರಿಸಿ :

**4×4=16**

34) ಒಂದು ಸಮಾಂತರ ಶ್ರೇಣಿಯ ಬದನೇ ಪದವು ಎರಡನೇ ಪದದ ಮೂರರಷ್ಟೆ ಮತ್ತು ಹನ್ನೆರಡನೇ ಪದವು ಆರನೇ ಪದದ ಎರಡರಷ್ಟಕ್ಕಿಂತ 1 ಹೆಚ್ಚಾಗಿದ್ದರೆ, 16 ನೇ ಪದವನ್ನು ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ.

ಅಥವಾ

'n' ಪದಗಳಿರುವ ಎರಡು ಸಮಾಂತರ ಶ್ರೇಣಿಗಳ ಮೊತ್ತಗಳ ಅನುಪಾತವು  $(7n + 1) : (4n + 27)$  ಆಗಿದೆ. ಆ ಶ್ರೇಣಿಗಳ 11ನೇ ಪದಗಳ ಅನುಪಾತವನ್ನು ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ.

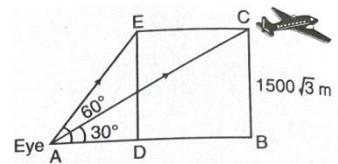
35) ಕೆಳಗಿನ ರೇಖಾತ್ಮಕ ಸಮೀಕರಣಗಳ ಜೋಡಿಯ ಪರಿಹಾರವನ್ನು ನಕ್ಷೆಯ ವಿಧಾನದಿಂದ ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ.

$$2x - y = 7$$

$$x + y = 2$$

36) "ಒಂದು ಲಂಬಕೋನ ತ್ರಿಭುಜದಲ್ಲಿ ವಿಕೊಂಡ ಮೇಲಿನ ವರ್ಗವು ಉಳಿದೆರಡು ಬಾಹ್ಯಗಳ ಮೇಲಿನ ವರ್ಗಗಳ ಮೊತ್ತಕ್ಕೆ ಸಮಾಗಿಯ್ತುದೆ" ಎಂದು ಸಾಧಿಸಿ.

37) ಒಂದು ಜೆಟ್ ವಿಮಾನವನ್ನು ನೆಲದ ಮೇಲಿನ **A** ಬಿಂದುವಿನಿಂದ ನೋಡಿದಾಗ ಉಂಟಾದ ಉನ್ನತ ಕೋನವು **60°** ಆಗಿದೆ. **15** ಸೆಕಿಂಡ್‌ಗಳ ಹಾರಾಟದ ನಂತರ ಉನ್ನತ ಕೋನವು **30°** ಗೆ ಬದಲಾಗುತ್ತದೆ. ಜೆಟ್ ವಿಮಾನವು  $1500\sqrt{3}\text{m}$  ಶಿರ ಎತ್ತರದಲ್ಲಿ ಹಾರಾಟತ್ತಿದ್ದರೆ ಅದರ ವೇಗವನ್ನು ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ. ( $\sqrt{3} = 1.732$ )



VI ಕೆಳಗಿನ ಪ್ರಶ್ನೆಗೆ ಉತ್ತರಿಸಿ :

**1×5=5**

38) **5cm** ತ್ರಿಭುಜ ಮತ್ತು **9.8cm** ಎತ್ತರವಿರುವ ಒಂದು ಸಿಲಿಂಡರ್ ಆಕಾರದ ಪಾತ್ರೆಯನ್ನು ನೀರಿನಿಂದ ತುಂಬಲಾಗಿದೆ. ಅಧಿಕ್ಷೇಳದ ಘೃತಾಕಾರದ ಪಾದದ ಮೇಲೆ ನೇರಪ್ರತ್ಯಾದ ಶಂಕುವನ್ನು ಸಂಪೂರ್ಣವಾಗಿ ಇರಿಸಿರುವ ಫಾನಾಕ್ಷತೆಯನ್ನು ಪಾತ್ರೆಯೊಳಗೆ ಮುಳುಗಿಸಿದೆ. ಅಧಿಕ್ಷೇಳದ ತ್ರಿಭುಜ **3.5cm** ಮತ್ತು ಶಂಕುವಿನ ಎತ್ತರ **5cm** ಅದರ ಪಾತ್ರೆಯಲ್ಲಿ ಉಳಿದಿರುವ ನೀರಿನ ಫಾನಫಲವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ. ( $\pi = \frac{22}{7}$ )

